

SYLABUS
DOTYCZY CYKLU KSZTAŁCENIA 2023 - 2026
(skrajne daty)
Rok akademicki 2023/2024

1. PODSTAWOWE INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

Nazwa przedmiotu	Algebra liniowa z geometrią 1
Kod przedmiotu*	
Nazwa jednostki prowadzącej kierunek	Kolegium Nauk Przyrodniczych
Nazwa jednostki realizującej przedmiot	Kolegium Nauk Przyrodniczych Instytut Matematyki
Kierunek studiów	Matematyka
Poziom studiów	studia I stopnia
Profil	ogólnoakademicki
Forma studiów	stacjonarne
Rok i semestr/y studiów	rok I, semestr 1
Rodzaj przedmiotu	kierunkowy
Język wykładowy	język polski
Koordynator	dr hab. Janusz Sokół, prof. UR
Imię i nazwisko osoby prowadzącej / osób prowadzących	dr hab. Janusz Sokół, prof. UR, dr Małgorzata Chudziak

* -opcjonalnie, zgodnie z ustaleniami w Jednostce

1.1. Formy zajęć dydaktycznych, wymiar godzin i punktów ECTS

Semestr (nr)	Wykł.	Ćw.	Konw.	Lab.	Sem.	ZP	Prakt.	Inne (jakie?)	Liczba pkt. ECTS
1	30	30							6

1.2. Sposób realizacji zajęć

- ☒ zajęcia w formie tradycyjnej
☐ zajęcia realizowane z wykorzystaniem metod i technik kształcenia na odległość

1.3 Forma zaliczenia przedmiotu (z toku) (egzamin, zaliczenie z oceną, zaliczenie bez oceny)

Wykład – egzamin
Ćwiczenia – zaliczenie na ocenę

2. WYMAGANIA WSTĘPNE

Znajomość matematyki na poziomie matury podstawowej.
--

3. CELE, EFEKTY UCZENIA SIĘ, TREŚCI PROGRAMOWE I STOSOWANE METODY DYDAKTYCZNE

3.1 Cele przedmiotu

C ₁	Zapoznanie z podstawowymi pojęciami algebry liniowej.
C ₂	Zapoznanie z podstawowymi pojęciami geometrii analitycznej.
C ₃	Zapoznanie z podstawowymi metodami dowodowymi stosowanymi w algebrze liniowej i geometrii analitycznej.
C ₄	Zapoznanie z podstawowymi technikami obliczeniowymi stosowanymi w algebrze liniowej i geometrii analitycznej.

3.2 Efekty uczenia się dla przedmiotu

EK (efekt uczenia się)	Treść efektu uczenia się zdefiniowanego dla przedmiotu	Odniesienie do efektów kierunkowych
EK_01	student definiuje klasyczne pojęcia i formułuje podstawowe twierdzenia z zakresu algebry liniowej;	K_Wo1, K_Wo2, K_Wo3, K_Wo4
EK_02	student posiada wiedzę dotyczącą metod dowodowych stosowanych w algebrze liniowej;	K_Wo2, K_Wo4
EK_03	student posiada wiedzę dotyczącą metod służących rozwiązywaniu problemów w algebrze liniowej;	K_Wo3
EK_04	student dowodzi podstawowe twierdzenia z zakresu algebry liniowej;	K_Uo1
EK_05	student posługuje się pojęciami: grupy, ciała, przestrzeni liniowej, wektora, macierzy, przekształcenia liniowego;	K_Uo1, K_Uo2, K_Uo7,
EK_06	student potrafi wykonywać działania na liczbach zespolonych (w różnych postaciach) oraz interpretować różne zbiory liczb zespolonych, rozwiązuje równania w zbiorze liczb zespolonych;	K_Uo1, K_Uo2, K_Uo7,
EK_07	student umie obliczać wyznaczniki i zna ich własności;	K_Uo1, K_Uo2, K_Uo7,
EK_08	rozwiązuje układy równań liniowych o stałych współczynnikach, potrafi posłużyć się geometryczną interpretacją rozwiązań;	K_Uo1, K_Uo2, K_Uo7,
EK_09	student jest gotów do krytycznej oceny przyswojonych treści z zakresu algebry liniowej oraz do uznania konieczności doskonalenia własnych kompetencji w tym zakresie;	K_Ko1
EK_10	student jest gotów do prezentowania krytycznej postawy do odbieranych treści w zakresie algebry liniowej pod kątem ich logicznego uzasadnienia;	K_Ko2
EK_11	student jest gotów do zadawania pytań służących rozumieniu badanego problemu w zakresie algebry	K_Ko3

	liniowej w rozwiązywaniu teoretycznych i praktycznych zagadnień z matematyki.	
--	---	--

3.3 Treści programowe

A. Problematyka wykładu

Treści merytoryczne
Działania: podstawowe własności i przykłady. Struktury algebraiczne i homomorfizmy: przegląd podstawowych struktur algebraicznych: grupy, ciała, homomorfizmy grup.
Ciało liczb zespolonych: postać algebraiczna, trygonometryczna i wykładnicza liczby zespolonej, działania na liczbach zespolonych, wzór de Moivre'a, pierwiastki z liczby zespolonej, interpretacje geometryczne zbiorów liczb zespolonych.
Przestrzenie liniowe: kombinacja liniowa wektorów, liniowa zależność i niezależność wektorów, baza przestrzeni liniowej, wymiar przestrzeni liniowej, podprzestrzeń liniowa, suma prosta podprzestrzeni liniowych, przestrzeń ilorazowa.
Macierze: podstawowe pojęcia, różne typy macierzy, działania na macierzach.
Wyznacznik macierzy kwadratowej: definicja wyznacznika, własności wyznaczników, metody obliczania wyznaczników, wzór Laplace'a, macierz odwrotna, minory i rząd macierzy.
Układy równań liniowych: twierdzenie Kroneckera-Capellego, ogólna postać rozwiązań układu równań liniowych, badanie układu równań, wzory Cramera.

B. Problematyka ćwiczeń

Treści merytoryczne
Działania: badanie własności działań.
Struktury algebraiczne i homomorfizmy: sprawdzanie, czy struktura algebraiczna jest grupą, ciałem; sprawdzanie, czy funkcja jest homomorfizmem grup, wyznaczania jądra i obrazu homomorfizmu.
Ciało liczb zespolonych: postać algebraiczna, trygonometryczna i wykładnicza liczby zespolonej, działania na liczbach zespolonych w różnych postaciach, potęgowanie i pierwiastkowanie liczb zespolonych.
Ciało liczb zespolonych interpretacje geometryczne zbiorów liczb zespolonych, rozwiązywanie równań w zbiorze liczb zespolonych.
Przestrzenie liniowe: badanie liniowej zależności i niezależności wektorów.
Przestrzenie liniowe: wyznaczania bazy przestrzeni liniowej; wyznaczanie współrzędnych wektora w bazie, wyznaczanie wymiaru przestrzeni liniowej.
Przestrzenie liniowe: podprzestrzeń liniowa.
Macierze: działania na macierzach.
Wyznacznik macierzy kwadratowej: obliczanie wyznaczników z wykorzystaniem ich własności.
Macierz odwrotna: wyznaczania macierzy odwrotnej do danej macierzy z definicji i z wykorzystaniem wzoru.
Rząd macierzy: wyznaczanie rzędu macierzy.
Układy równań liniowych: badanie niesprzeczności układu równań liniowych z wykorzystaniem twierdzenia Kroneckera-Capellego, rozwiązywanie różnych układów równań, układ i wzory Cramera, wykorzystanie macierzy odwrotnej w rozwiązywaniu układów Cramera.

3.4 Metody dydaktyczne

Wykład: wykład tradycyjny z elementami prezentacji multimedialnej

Ćwiczenia: analiza zadań problemowych z dyskusją, rozwiązywanie zadań.

4. METODY I KRYTERIA OCENY

4.1 Sposoby weryfikacji efektów uczenia się

Symbol efektu	Metody oceny efektów uczenia się (np.: kolokwium, egzamin ustny, egzamin pisemny, projekt, sprawozdanie, obserwacja w trakcie zajęć)	Forma zajęć dydaktycznych (w, ćw, ...)
EK_01	sprawdzian, egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_02	egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_03	sprawdzian, egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_04	egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_05	sprawdzian, kolokwium, egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_06	kolokwium, egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_07	kolokwium, egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_08	kolokwium, egzamin, obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_09	obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_10	obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia
EK_11	obserwacja w trakcie zajęć	wykład, ćwiczenia

4.2 Warunki zaliczenia przedmiotu (kryteria oceniania)

Zaliczenie ćwiczeń dokonuje się na podstawie kolokwίων i aktywności na zajęciach.
Warunkiem uzyskania zaliczenia ćwiczeń jest zdobycie co najmniej 50% punktów z każdego kolokwium. Ocena końcowa z ćwiczeń jest wówczas ustalana według skali:

poniżej 50% pkt. – brak zaliczenia,
[50 – 60%) pkt. – dostateczny,
[60 – 70%) pkt. – plus dostateczny,
[70 – 80%) pkt. – dobry,
[80 – 90%) pkt. – plus dobry,
[90– 100%] pkt. – bardzo dobry.

Aktywność na ćwiczeniach może podnieść ocenę co najwyżej o pół stopnia.
Zaliczenie wykładu odbywa się na podstawie sprawdzianu na wykładzie.

Egzamin: Warunkiem przystąpienia do egzaminu jest zaliczenie wykładu i ćwiczeń.
Warunkiem zdania egzaminu jest uzyskanie z niego co najmniej 50% punktów. Ocena końcowa z egzaminu jest ustalana według skali:

poniżej 50% pkt. – niedostateczny,
[50 – 60%) pkt. – dostateczny,

[60 – 70%) pkt. – plus dostateczny,

[70 – 80%) pkt. – dobry,

[80 – 90%) pkt. – plus dobry,

[90 – 100%] pkt. – bardzo dobry.

Warunkiem zdania egzaminu poprawkowego jest uzyskanie z niego co najmniej 50% punktów.

Ocena końcowa z egzaminu poprawkowego jest ustalana według tej samej skali.

5. CAŁKOWITY NAKŁAD PRACY STUDENTA POTRZEBNY DO OSIĄGNIĘCIA ZAŁOŻONYCH EFEKTÓW W GODZINACH ORAZ PUNKTACH ECTS

Forma aktywności	Średnia liczba godzin na zrealizowanie aktywności
Godziny z harmonogramu studiów	60
Inne z udziałem nauczyciela akademickiego (udział w konsultacjach, egzaminie)	10
Godziny niekontaktowe – praca własna studenta (przygotowanie do zajęć, egzaminu, napisanie referatu itp.)	80
SUMA GODZIN	150
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS	6

* Należy uwzględnić, że 1 pkt ECTS odpowiada 25-30 godzin całkowitego nakładu pracy studenta.

6. PRAKTYKI ZAWODOWE W RAMACH PRZEDMIOTU

wymiar godzinowy	nie dotyczy
zasady i formy odbywania praktyk	nie dotyczy

7. LITERATURA

Literatura podstawowa:

1. A. Białynicki-Birula, *Algebra liniowa z geometrią*, Wydawnictwo naukowe PWN, Warszawa 2009.
2. J. Gancarzewicz, *Algebra liniowa z elementami geometrii*, Wydawnictwo Naukowe UJ, Kraków, 2001.
3. B. Gleichgewicht, *Algebra*, Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2002.
4. B. Gdowski, E. Pluciński, *Zbiór zadań z rachunku wektorowego i geometrii analitycznej*, Oficyna Wydawnicza Politechniki Warszawskiej, Warszawa 2006.
5. A. Łomnicki, M. Magdoń, M. Żurek-Etgens, *Podstawy algebry liniowej w zadaniach*, WN WSP, Kraków 1998.
6. M. Moszyńska, *Geometria z algebrą liniową*, PWN, Warszawa 1989.

- | |
|---|
| 7. S. Przybyło, A. Szlachetowski, <i>Algebra i geometria afiniczna w zadaniach</i> , WNT, Warszawa 1983. |
| Literatura uzupełniająca:
1. T. Jurliewicz, Z. Skoczylas, <i>Algebra liniowa 1 i 2</i> , Oficyna Wydawnicza GiS, 2000.
2. I. Kostykin, <i>Wstęp do algebry</i> , PWN, Warszawa 1984.
3. A. Mostowski, M. Stark, <i>Elementy algebry wyższej</i> , PWN, Warszawa 1975.
4. Z. Opiał, <i>Algebra</i> , PWN, Warszawa 1975.
5. A. Pochwalska, R. Pochwalski, <i>Matematyka. Elementy algebry liniowej</i> , Wyd. Uczelniane Akademii Ekonomicznej w Katowicach, Katowice 1997. |

Akceptacja Kierownika Jednostki lub osoby upoważnionej