

SYLABUS

DOTYCZY CYKLU KSZTAŁCENIA 2020/2021 – 2022/2023
(skrajne daty)

Rok akademicki 2021/2022

1. PODSTAWOWE INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

Nazwa przedmiotu	Algebra z teorią liczb
Kod przedmiotu*	
Nazwa jednostki prowadzącej kierunek	Kolegium Nauk Przyrodniczych
Nazwa jednostki realizującej przedmiot	Kolegium Nauk Przyrodniczych, Instytut Matematyki
Kierunek studiów	Matematyka
Poziom studiów	studia I stopnia
Profil	ogólnoakademicki
Forma studiów	stacjonarne
Rok i semestr studiów	rok II, semestr 3
Rodzaj przedmiotu	kierunkowy
Język wykładowy	język polski
Koordynator	dr hab. prof. UR Janusz Sokół
Imię i nazwisko osoby prowadzącej / osób prowadzących	

* - zgodnie z ustaleniami w Jednostce

1.1. Formy zajęć dydaktycznych, wymiar godzin i punktów ECTS

Semestr (nr)	Wykł.	Ćw.	Konw.	Lab.	Sem.	ZP	Prakt.	Inne (jakie?)	Liczba pkt ECTS
3	30	30							6

1.2. Sposób realizacji zajęć

- zajęcia w formie tradycyjnej
 zajęcia realizowane z wykorzystaniem metod i technik kształcenia na odległość

**1.3 Forma zaliczenia przedmiotu (z toku) (egzamin, zaliczenie z oceną, zaliczenie bez oceny)
Wykład-egzamin, Ćwiczenia - zaliczenie na ocenę****2. WYMAGANIA WSTĘPNE**

Znajomość logiki i teorii mnogości oraz algebry liniowej.

3. CELE, EFEKTY UCZENIA SIĘ, TREŚCI PROGRAMOWE I STOSOWANE METODY DYDAKTYCZNE

3.1 Cele przedmiotu/modułu

C1	Poznanie podstawowych pojęć i twierdzeń algebry i teorii liczb.
C2	Rozwijanie umiejętności rozpoznawania struktur algebraicznych w zagadnieniach z różnych działów matematyki.
C3	Nabycie umiejętności posługiwania się podstawowymi pojęciami i narzędziami algebry abstrakcyjnej i teorii liczb.
C4	Rozwijanie umiejętności prowadzenia rozumowań algebraiczno-terioliczbowych.

3.2 Efekty uczenia się dla przedmiotu

EK (efekt uczenia się)	Treść efektu uczenia się zdefiniowanego dla przedmiotu	Odniesienie do efektów kierunkowych
EK_01	student zna i rozumie podstawowe pojęcia z zakresu teorii grup i pierścieni oraz teorii liczb a także zna przykłady ilustrujące konkretne pojęcia z tego zakresu.	K_Wo1, K_Wo3
EK_02	student zna i rozumie podstawowe twierdzenia i metody algebry abstrakcyjnej	K_Wo2, K_Wo4
EK_03	student potrafi stosować poznane pojęcia, twierdzenia i metody algebry oraz teorii liczb do rozwiązywania konkretnych zadań.	K_U01
EK_04	student potrafi w sposób zrozumiały przedstawiać poprawne rozumowania matematyczne dotyczące pojęć z zakresu algebry oraz teorii liczb, umie przeprowadzać dowody wybranych twierdzeń teorii grup, pierścieni i ciał	K_U02
EK_05	student potrafi dostrzec i wykazać obecność struktury grupy lub pierścienia w różnych zagadnieniach matematycznych, rozpoznaje podstruktury (podgrupy, podpierścienie, podciała) danych struktur algebraicznych, konstruuje nowe grupy i pierścienie za pomocą iloczynów kartezjańskich, bada podstawowe własności grup i pierścieni oraz ich elementów.	K_U07
EK_06	student posługuje się pojęciami podgrupy niezmienniczej grupy i ideału pierścienia, konstruuje grupy i pierścienie ilorazowe oraz bada ich własności	K_U02, K_U07
EK_07	student operuje pojęciami homomorfizmu struktur algebraicznych (grup, pierścieni), jądra i obrazu homomorfizmu, rozumie znaczenie izomorfizmów, rozpoznaje struktury izomorficzne	K_U02, K_U07
EK_08	student posługuje się podstawowymi pojęciami teorii podzielności w pierścieniach całkowitych, w szczególności rozróżnia specjalne typy elementów, stosuje właściwe	K_U02, K_U07

	metody do wyznaczania największego wspólnego dzielnika i najmniejszej wspólnej wielokrotności.	
EK_09	student jest gotów do formułowania pytań służących zrozumieniu badanego problemu oraz wyrażać własne opinie na temat teoretycznych i praktycznych zagadnień z algebry oraz teorii liczb.	K_Ko1, K_Ko2, K_Ko3

3.3 Treści programowe

A. Problematyka wykładu

Treści merytoryczne
Działania i ich własności. Grupy, grupy przekształceń, grupy permutacji. Podgrupy, warstwy, podgrupy niezmiennicze, grupy ilorazowe.
Homomorfizmy grup, twierdzenia dotyczące homomorfizmów (izomorfizmów) grup.
Suma prosta grup. Grupy cykliczne. Grupy abelowe skończenie generowane.
Pierścienie, pierścienie całkowite, ciała. Podpierścienie, ideały, pierścienie ilorazowe.
Homomorfizmy pierścieni, twierdzenia dotyczące homomorfizmów (izomorfizmów) pierścieni.
Charakterystyka pierścienia całkowitego. Ciało ułamków pierścienia całkowitego.
Wielomiany, pierścienie wielomianów. Pierwiastki wielomianu, pierwiastki wielokrotne. Dzielenie wielomianów z resztą. Wielomiany wielu zmiennych (informacyjnie).
Relacja podzielności w pierścieniu całkowitym, relacja stowarzyszenia, grupa elementów odwracalnych. Rozkład elementu na czynniki, elementy rozkładalne i nierozkładalne, elementy pierwsze. Pierścienie z rozkładem, pierścienie z jednoznacznością rozkładu.
Największy wspólny dzielnik i najmniejsza wspólna wielokrotność.
Zależność między największym wspólnym podzielnikiem i najmniejszą wspólną wielokrotną.
Liczby względnie pierwsze, zasadnicze twierdzenie arytmetyki, algorytm Euklidesa.
Obliczanie największego wspólnego podzielnika oraz najmniejszej wspólnej wielokrotnej dowolnej skończonej liczby liczb naturalnych.
Twierdzenie chińskie o resztach, twierdzenie Thue'go.

B. Problematyka ćwiczeń audytoryjnych, konwersatoryjnych, laboratoryjnych, zajęć praktycznych

Treści merytoryczne
Działania i ich własności. Grupy, grupy przekształceń, grupy permutacji. Podgrupy, warstwy, podgrupy niezmiennicze, grupy ilorazowe.

Homomorfizmy grup, twierdzenia dotyczące homomorfizmów (izomorfizmów) grup.

Suma prosta grup. Grupy cykliczne. Grupy abelowe skończenie generowane.

Pierścienie, pierścienie całkowite, ciała. Podpierścienie, ideały, pierścienie ilorazowe.

Homomorfizmy pierścieni, twierdzenia dotyczące homomorfizmów (izomorfizmów) pierścieni.

Charakterystyka pierścienia całkowitego. Ciało ułamków pierścienia całkowitego.

Wielomiany, pierścienie wielomianów. Pierwiastki wielomianu, pierwiastki wielokrotne. Dzielenie wielomianów z resztą. Wielomiany wielu zmiennych (informacyjnie).

Relacja podzielności w pierścieniu całkowitym, relacja stowarzyszenia, grupa elementów odwracalnych. Rozkład elementu na czynniki, elementy rozkładalne i nierozkładalne, elementy pierwsze. Pierścienie z rozkładem, pierścienie z jednoznacznością rozkładu. Największy wspólny dzielnik i najmniejsza wspólna wielokrotność.

Zależność między największym wspólnym podzielnikiem i najmniejszą wspólną wielokrotną.

Liczby względnie pierwsze, zasadnicze twierdzenie arytmetyki, algorytm Euklidesa.

Obliczanie największego wspólnego podzielnika oraz najmniejszej wspólnej wielokrotnej dowolnej skończonej liczby liczb naturalnych.

Twierdzenie chińskie o resztach, twierdzenie Thue'go.

3.4 Metody dydaktyczne

Ćwiczenia audytoryjne: analiza zadań problemowych z dyskusją, praca w grupach (rozwiązywanie zadań, dyskusja),

Wykład: wykład tradycyjny/wykład z prezentacją multimedialną/ metody kształcenia na odległość.

4. METODY I KRYTERIA OCENY

4.1 Sposoby weryfikacji efektów uczenia się

Symbol efektu	Metody oceny efektów uczenia się (np.: kolokwium, egzamin ustny, egzamin pisemny, projekt, sprawozdanie, obserwacja w trakcie zajęć)	Forma zajęć dydaktycznych (w, ćw, ...)
EK_01	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_02	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_03	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_04	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_05	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład

EK_o6	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_o7	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_o8	kolokwium, obserwacja w trakcie zajęć, egzamin	ćwiczenia, wykład
EK_o9	obserwacja w trakcie zajęć	ćwiczenia, wykład

4.2 Warunki zaliczenia przedmiotu (kryteria oceniania)

Zaliczenie ćwiczeń na ocenę jest ustalane na podstawie sprawdzianów pisemnych oraz aktywności studenta w trakcie ćwiczeń. W ciągu semestru studenci piszą co najmniej dwa sprawdziany, z których łącznie można uzyskać 30 pkt. Liczba sprawdzianów i sposób przypisania do nich punktów jest podawana do wiadomości studentom podczas pierwszych zajęć w semestrze. Za aktywność w trakcie zajęć student może otrzymać dodatkowo 1-3 pkt. Warunkiem zaliczenia ćwiczeń jest uzyskanie z każdego sprawdzianu co najmniej połowy możliwych do uzyskania punktów. Ocena końcowa jest wówczas ustalana według skali:

[15, 18) pkt – 3.0,

[18, 21) pkt – 3.5,

[21, 24) pkt – 4.0,

[24, 27) pkt – 4.5,

powyżej 27 pkt – 5.0.

Wykład kończy się egzaminem. Egzamin jest pisemny. Ocena ostateczna jest wówczas średnią arytmetyczną dwóch ocen cząstkowych (z egzaminu i z ćwiczeń), zaokrągloną do najbliższej z ocen 3.0; 3.5; 4.0; 4.5; 5.0.

5. CAŁKOWITY NAKŁAD PRACY STUDENTA POTRZEBNY DO OSIĄGNIĘCIA ZAŁOŻONYCH EFEKTÓW W GODZINACH ORAZ PUNKTACH ECTS

Forma aktywności	Średnia liczba godzin na zrealizowanie aktywności
Godziny kontaktowe wynikające z harmonogramu studiów	60
Inne z udziałem nauczyciela (udział w konsultacjach, egzaminie)	5
Godziny niekontaktowe – praca własna studenta (przygotowanie do zajęć, egzaminu, napisanie referatu itp.)	85
SUMA GODZIN	150
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS	6

* Należy uwzględnić, że 1 pkt ECTS odpowiada 25-30 godzin całkowitego nakładu pracy studenta.

6. PRAKTYKI ZAWODOWE W RAMACH PRZEDMIOTU

wymiar godzinowy	nie dotyczy
zasady i formy odbywania praktyk	nie dotyczy

7. LITERATURA

Literatura podstawowa:

1. B. Gleichgewicht, Algebra, Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2004.
2. A. Białyński-Birula, Algebra, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2009.
3. J. Browkin, Teoria ciał, PWN, Warszawa 1978.
4. A. I. Kostrikin, Wstęp do algebry, t.1, t. 3, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2005.
5. Z. Opiał, Algebra wyższa, PWN, Warszawa 1976.
6. J. Rutkowski, Algebra abstrakcyjna w zadaniach, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2005.
7. W. Sierpiński, Wstęp do teorii liczb, WSiP, Warszawa 1987.

Literatura uzupełniająca:

1. J. Browkin, Wybrane zagadnienia algebry, PWN, Warszawa 1970.
2. W. J. Gilbert, W. K. Nicholson, Algebra współczesna z zastosowaniami, Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 2008.
3. W. Sierpiński, Elementy arytmetyki teoretycznej, WSiP, Warszawa 1980.
4. W. Sierpiński, Arytmetyka teoretyczna, PWN, Warszawa 1966.

Akceptacja Kierownika Jednostki lub osoby upoważnionej