

SYLABUS

DOTYCZY CYKLU KSZTAŁCENIA 2020/2021 – 2022/2023

(skrajne daty)

Rok akademicki 2020/2021

1. PODSTAWOWE INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

Nazwa przedmiotu	Analiza matematyczna 2
Kod przedmiotu*	
Nazwa jednostki prowadzącej kierunek	Kolegium Nauk Przyrodniczych
Nazwa jednostki realizującej przedmiot	Instytut Matematyki
Kierunek studiów	Matematyka
Poziom studiów	studia I stopnia
Profil	ogólnoakademicki
Forma studiów	stacjonarne
Rok i semestr/y studiów	rok I, semestr 2
Rodzaj przedmiotu	kierunkowy
Język wykładowy	język polski
Koordinator	prof. dr hab. Wiesław Śliwa
Imię i nazwisko osoby prowadzącej / osób prowadzących	prof. dr hab. Wiesław Śliwa dr Jacek Kucab; dr Svetlana Mincheva -Kamińska

* -opcjonalnie, zgodnie z ustaleniami w Jednostce

1.1. Formy zajęć dydaktycznych, wymiar godzin i punktów ECTS

Semestr (nr)	Wykł.	Ćw.	Konw.	Lab.	Sem.	ZP	Prakt.	Inne (jakie?)	Liczba pkt. ECTS
2	60	60							12

1.2. Sposób realizacji zajęć

- zajęcia w formie tradycyjnej
 zajęcia realizowane z wykorzystaniem metod i technik kształcenia na odległość

1.3 Forma zaliczenia przedmiotu (z toku) (egzamin, zaliczenie z oceną, zaliczenie bez oceny)

Wykład-egzamin, Ćwiczenia - zaliczenie na ocenę

2. WYMAGANIA WSTĘPNE

Znajomość analizy matematycznej 1

3. CELE, EFEKTY UCZENIA SIĘ, TREŚCI PROGRAMOWE I STOSOWANE METODY DYDAKTYCZNE

3.1 Cele przedmiotu

C1	Zapoznanie studentów z całkami: z całką nieoznaczoną (funkcją pierwotną) i metodami jej obliczania, z całką Riemanna funkcji rzeczywistej jednej zmiennej i z jej zastosowaniami w geometrii i w fizyce oraz z całką niewłaściwą.
C2	Zapoznanie studentów z definicjami, przykładami i twierdzeniami dotyczącymi szeregów liczbowych, z kryteriami zbieżności i z metodami badania zbieżności szeregów liczbowych.
C3	Zapoznanie studentów z ciągami i szeregami funkcyjnymi (w tym z szeregami potęgowymi i szeregami Fouriera) oraz z kryteriami zbieżności (punktowej i jednostajnej) szeregów funkcyjnych.

3.2 Efekty uczenia się dla przedmiotu

EK (efekt uczenia się)	Treść efektu uczenia się zdefiniowanego dla przedmiotu	Odniesienie do efektów kierunkowych
EK_01	Student zna i rozumie podstawowe metody obliczania całek nieoznaczonych (przez części oraz przez podstawienie).	K_Wo1; K_Wo3;
EK_02	Student potrafi obliczać całki nieoznaczone z funkcji wymiernych, niewymiernych i trygonometrycznych.	K_Uo2; K_Uo6;
EK_03	Student zna i rozumie definicję i podstawowe własności całki Riemanna, podstawowe twierdzenia o całkowalności funkcji w sensie Riemanna i ich dowody. Zna i rozumie związek między całką Riemanna, a całką nieoznaczoną (funkcją pierwotną). Zna i rozumie definicje całek niewłaściwych różnego typu i ich podstawowe własności. Zna i rozumie kryteria zbieżności całek niewłaściwych oraz najważniejsze przykłady całek niewłaściwych i ich zastosowania.	K_Wo1; K_Wo2; K_Wo3; K_Wo4
EK_04	Student potrafi stosować całkę Riemanna do rozwiązywania problemów geometrycznych i fizycznych. Potrafi stosować kryteria zbieżności całek niewłaściwych.	K_Uo1; K_Uo2; K_Uo6
EK_05	Student zna i rozumie definicję szeregu liczbowego i podstawowe pojęcia z nim związane. Zna kryteria zbieżności szeregów. Zna działania algebraiczne na szeregach i ich sumach. Wie kiedy zmiana kolejności wyrazów szeregu nie ma wpływu na jego zbieżność i sumę.	K_Wo1; K_Wo2; K_Wo3; K_Wo4
EK_06	Student potrafi stosować kryteria zbieżności szeregów do badania zbieżności różnych szeregów (o wyrazach dodatnich, naprzemiennych i dowolnych).	K_Uo1; K_Uo2
EK_07	Student zna definicje zbieżności punktowej i jednostajnej ciągów i szeregów funkcyjnych. Zna i rozumie podstawowe twierdzenia o ciągłości, całkowalności	K_Wo1; K_Wo2; K_Wo3; K_Wo4

	<p>i różniczkowalności granicy ciągu funkcyjnego i sumy szeregu funkcyjnego oraz ich dowody. Zna kryteria zbieżności szeregów funkcyjnych.</p> <p>Zna definicję i własności szeregu potęgowego, zna rozwinięcia w szereg potęgowy podstawowych funkcji.</p> <p>Zna i rozumie twierdzenia o różniczkowalności i całkowalności szeregów potęgowych.</p> <p>Zna i rozumie definicję szeregu Fouriera i twierdzenie o zbieżności punktowej szeregu Fouriera.</p>	
EK_o8	<p>Student potrafi stosować kryteria zbieżności szeregów funkcyjnych do badania zbieżności szeregów funkcyjnych.</p> <p>Potrafi rozwijać funkcje w szereg potęgowy.</p> <p>Umie rozwijać funkcje w szereg Fouriera.</p>	K_Uo1; K_Uo2
EK_o9	<p>Student potrafi formułować pytania służące lepszemu zrozumieniu pojęć, przykładów i twierdzeń (i ich dowodów) z zakresu rachunku całkowego oraz wyrażać własne opinie na temat jego podstawowych zagadnień.</p> <p>Student jest w stanie krytycznie oceniać odbieraną wiedzę dotyczącą podstawowych zagadnień rachunku różniczkowego.</p>	K_Ko1; K_Ko2; K_Ko3
EK_10	<p>Student znajduje zastosowania rachunku całkowego w różnych dziedzinach życia i wiedzy.</p>	K_Ko1; K_Ko2; K_Ko3
EK_11	<p>Student zdaje sobie sprawę z ograniczoności własnej wiedzy i własnych zdolności; rozumie potrzebę dalszego kształcenia się. Samodzielnie wyszukuje w literaturze i w Internecie informacje dotyczące rachunku całkowego oraz zasięga opinii ekspertów.</p>	K_Ko1; K_Ko2; K_Ko3

3.3 Treści programowe

A. Problematyka wykładu

<p>Treści merytoryczne</p> <p>Całka nieoznaczona (14 godzin)</p> <p>Funkcja pierwotna, całka nieoznaczona – definicja, własności.</p> <p>Całkowanie przez części i przez podstawienie.</p> <p>Całkowanie funkcji wymiernych, niewymiernych, trygonometrycznych.</p> <p>Całka oznaczona (12 godzin)</p> <p>Całka oznaczona (całka Riemanna). Własności i interpretacja geometryczna całki oznaczonej.</p> <p>Metody obliczania. Zastosowania rachunku całkowego do geometrii i mechaniki.</p> <p>Całki niewłaściwe (6 godzin)</p> <p>Całki niewłaściwe o granicach nieskończonych. Kryteria zbieżności.</p> <p>Całki niewłaściwe z funkcji nieograniczonych.</p> <p>Szeregi liczbowe (12 godzin)</p> <p>Zbieżność i rozbieżność szeregów. Kryteria zbieżności szeregów o wyrazach nieujemnych.</p> <p>Zbieżność bezwzględna i warunkowa szeregów. Kryteria Abela, Dirichleta i Leibniza.</p> <p>Działania na szeregach zbieżnych.</p> <p>Ciągi i szeregi funkcyjne (16 godzin)</p>
--

Zbieżność punktowa i jednostajna ciągów i szeregów funkcyjnych. Własności granicy ciągu (szeregu) funkcyjnego zbieżnego jednostajnie (różniczkowanie i całkowanie ciągów i szeregów funkcyjnych).
 Szeregi potęgowe.
 Promień zbieżności szeregów potęgowych. Rozwinięcie funkcji w szeregi Taylora i Maclaurina.
 Szeregi Fouriera
 Rozwijanie funkcji okresowych w szereg Fouriera. Przykłady i zastosowania.

B. Problematyka ćwiczeń audytoryjnych, konwersatoryjnych, laboratoryjnych, zajęć praktycznych

<p>Treści merytoryczne</p> <p>Całki nieoznaczone (14 godzin) Funkcja pierwotna i całka nieoznaczona, podstawowe wzory; całkowanie przez części i przez podstawienie; metody całkowania funkcji wymiernych, niewymiernych, trygonometrycznych.</p> <p>Całki oznaczone (10 godzin) Metody obliczania całek oznaczonych; zastosowania całek oznaczonych w geometrii i w fizyce.</p> <p>Całki niewłaściwe (6 godzin) Całki niewłaściwe o granicach nieskończonych – definicje zbieżności i rozbieżności; całki niewłaściwe z funkcji nieograniczonych – definicje; kryteria zbieżności całek niewłaściwych.</p> <p>Szeregi liczbowe (12 godzin) Definicja zbieżnego i rozbieżnego szeregu liczbowego; warunek konieczny zbieżności i warunek Cauchy'ego; kryteria zbieżności szeregów o wyrazach nieujemnych; zbieżność bezwzględna i warunkowa szeregów o dowolnych wyrazach; działania na szeregach zbieżnych; zastosowania.</p> <p>Ciągi i szeregi funkcyjne (14 godzin) Obszar zbieżności punktowej; zbieżność jednostajna; kryteria zbieżności jednostajnej ciągów i szeregów funkcyjnych; własności granic ciągów funkcyjnych i sum szeregów funkcyjnych zbieżnych jednostajnie. Szeregi potęgowe i ich zbieżność. Rozwinięcia funkcji w szeregi potęgowe. Szeregi Fouriera: szeregi Fouriera dla funkcji okresowych; szeregi Fouriera względem funkcji sinus i cosinus dla funkcji okresowych.</p>

3.4 Metody dydaktyczne

Wykład – metodą tradycyjną; metody kształcenia na odległość
 Ćwiczenia – metodą tradycyjną; metody kształcenia na odległość.

4. METODY I KRYTERIA OCENY

4.1 Sposoby weryfikacji efektów uczenia się

Symbol efektu	Metody oceny efektów uczenia się (np.: kolokwium, egzamin ustny, egzamin pisemny, projekt, sprawozdanie, obserwacja w trakcie zajęć)	Forma zajęć dydaktycznych (w, ćw, ...)
EK_01	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia

EK_o2	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia
EK_o3	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia
EK_o4	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia
EK_o5	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia
EK_o6	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia
EK_o7	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	wykład, ćwiczenia
EK_o8	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	Wykład, ćwiczenia
EK_o9	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	Wykład, ćwiczenia
EK_o10	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	Wykład, ćwiczenia
EK_o11	Obserwacja i dialog ze studentami w trakcie zajęć, Aktywność studentów na zajęciach, Odpowiedzi ustne studentów, Kolokwium, Egzamin pisemny	Wykład, ćwiczenia

4.2 Warunki zaliczenia przedmiotu (kryteria oceniania)

Ćwiczenia: zaliczenie na ocenę
(dwa kolokwia; punkty za aktywność na zajęciach).

Wykład: egzamin pisemny.

Kryteria oceny: (udział procentowy w opanowaniu wiedzy – ocena)

50 – 59% - dostateczny (3.0); 60 – 69% - plus dostateczny (3.5);

70 – 79% - dobry (4.0); 80 – 89% - plus dobry (4.5); 90 – 100% - bardzo dobry (5.0)

5. CAŁKOWITY NAKŁAD PRACY STUDENTA POTRZEBNY DO OSIĄGNIĘCIA ZAŁOŻONYCH EFEKTÓW W GODZINACH ORAZ PUNKTACH ECTS

Forma aktywności	Średnia liczba godzin na zrealizowanie aktywności
Godziny kontaktowe wynikające z harmonogramu studiów	120 (60 w + 60 ćw)
Inne z udziałem nauczyciela akademickiego (udział w konsultacjach, egzaminie)	12 (konsultacje 8; egzamin 4)
Godziny niekontaktowe – praca własna studenta (przygotowanie do zajęć, egzaminu, napisanie referatu itp.)	168 (przygotowanie do zajęć 120; przygotowanie do egzaminu 48)
SUMA GODZIN	300
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS	12

* Należy uwzględnić, że 1 pkt ECTS odpowiada 25-30 godzin całkowitego nakładu pracy studenta.

6. PRAKTYKI ZAWODOWE W RAMACH PRZEDMIOTU

wymiar godzinowy	Nie dotyczy
zasady i formy odbywania praktyk	Nie dotyczy

7. LITERATURA

Literatura podstawowa:

1. J. Banaś, S. Wędrychowicz, Zbiór zadań z analizy matematycznej, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2015.

2. G. M. Fichtenholz, Rachunek różniczkowy i całkowy, Tom 2, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2016.

3. W. Kołodziej, Analiza matematyczna, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2012.

4. K. Kuratowski, Rachunek różniczkowy i całkowy, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2016.

5. F. Leja, Rachunek różniczkowy i całkowy, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2016.

6. H. i J. Musielakowie, Analiza matematyczna, Tom 1, Cz.1 i 2, Wydawnictwo Naukowe UAM, Poznań, 2011 (Cz. 1), 2002 (Cz. 2).

7. W. Rudin, Podstawy analizy matematycznej, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2016.

8. A. Sołtysiak, Analiza matematyczna, Cz. 1 i 2, Wydawnictwo Naukowe UAM, Poznań, 2009 (Cz.1), 2004 (Cz.2).

Literatura uzupełniająca:

1. R. Rudnicki, Wykłady z analizy matematycznej, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2015.

2. M.T. Nowak, J.W. Kaczor, Zadania z analizy matematycznej, Cz. 1, 2 i 3, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2015.

3. M. Gewert, Z. Skoczylas, Analiza matematyczna 1 i 2. Przykłady i zadania, Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław, 2012.

4. W. Kryszki, L. Włodarski, Analiza matematyczna w zadaniach, Cz. 1 i 2, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa, 2015.

Akceptacja Kierownika Jednostki lub osoby upoważnionej